

## Invsort

100 puncte

Fișier sursă: `invsort.pas`, `invsort.c` sau `invsort.cpp`

Se dă un șir de  $N$  numere naturale, care trebuie ordonat crescător. Singura operație permisă este să considerați elementele de pe pozițiile  $i, i+1, \dots, j$  (pentru  $i$  și  $j$  arbitrare,  $i < j$ ), și să inversați ordinea acestor elemente (adică elementul de pe poziția  $i$  ajunge pe poziția  $j$ ,  $i+1$  ajunge pe poziția  $j-1$ , ...,  $j$  ajunge pe poziția  $i$ ). Costul unei astfel de operații este numărul de elemente din subșirul inversat, și anume  $j-i+1$ .

### Cerință

Scrieți un program care să determine o secvență de operații care ordonează crescător șirul dat și are un cost total cât mai mic (dar nu obligatoriu minim).

### Date de intrare

Fișierul de intrare `invsort.in` conține pe prima linie numărul  $N$ , și apoi  $N$  linii cu elementele șirului dat (nu neapărat distincte).

### Date de ieșire

Fișierul de ieșire `invsort.out` va conține pe fiecare linie descrierea unei operații. O operație este descrisă prin numerele  $i$  și  $j$ , separate printr-un spațiu. Aceste numere satisfac  $1 \leq i < j \leq N$ .

### Restricții

- $2 \leq N \leq 32000$
- valorile șirului care trebuie ordonat sunt între 0 și 31999

### Punctaj

- dacă șirul de operații (executate în ordinea din fișierul de ieșire) nu ordonează intrarea, primiți 0 puncte
- în cazul în care costul total este cel mult 4000000 (patru milioane) primiți punctaj maxim
- în cazul în care costul total este cel mult 40000000 (patruzeci de milioane) primiți 40% din punctajul pe test
- în 50% din teste șirul de intrare conține numai elemente de 0 și 1
- pentru toate testele folosite la corectare,  $N=32000$

### Exemplu

<code>invsort.in</code>	<code>invsort.out</code>	Explicație
5	3 5	<ul style="list-style-type: none"><li>• prima operație are efectul: <math>1\ 0\ [1\ 1\ 0] \rightarrow 1\ 0\ 0\ 1\ 1</math></li><li>• a doua operație are efectul: <math>[1\ 0\ 0]\ 1\ 1 \rightarrow 0\ 0\ 1\ 1\ 1</math></li><li>• costul total este <math>3 + 3 = 6</math></li></ul>
1	1 3	
0		
1		
1		
0		

**Timp maxim de execuție/test: 0.5 secunde pentru Linux și 2 secunde pentru Windows.**

## Peri

100 puncte

Fișier sursă: peri.pas, peri.c sau peri.cpp

Se consideră o matrice dreptunghiulară  $A$  cu  $m$  linii și  $n$  coloane cu valori 0 sau 1, liniile și coloanele fiind numerotate de la 1 la  $m$ , respectiv de la 1 la  $n$ . Numim dreptunghi de colțuri  $(x1, y1)$   $(x2, y2)$  cu  $x1 < x2$  și  $y1 < y2$  mulțimea elementelor  $A_{ij}$  cu  $x1 \leq i \leq x2$  și  $y1 \leq j \leq y2$ . Numim perimetru al dreptunghiului de colțuri  $(x1, y1)$   $(x2, y2)$  mulțimea elementelor  $A_{ij}$  pentru care  $(i=x1$  și  $y1 \leq j \leq y2)$  sau  $(i=x2$  și  $y1 \leq j \leq y2)$  sau  $(j=y1$  și  $x1 \leq i \leq x2)$  sau  $(j=y2$  și  $x1 \leq i \leq x2)$ .

## Cerință

Determinați diferența maximă dintre numărul de elemente egale cu 1 și numărul de elemente egale cu 0 aflate pe perimetrul aceluiași dreptunghi, precum și numărul de dreptunghiuri pentru care se obține această diferență.

## Date de intrare

Pe prima linie a fișierului de intrare **peri.in** sunt scrise numerele  $m$  și  $n$ , separate printr-un singur spațiu. Pe următoarele  $m$  linii este dată matricea  $A$ , numerele de pe aceeași linie fiind separate de câte un spațiu.

## Date de ieșire

Fișierul de ieșire **peri.out** va conține o singură linie pe care se află două numere întregi separate printr-un spațiu. Primul număr este diferența maximă dintre numărul de elemente 1 și numărul de elemente 0 de pe perimetrul unui dreptunghi. Al doilea întreg este numărul de dreptunghiuri pentru care diferența dintre numărul de elemente 1 și numărul de elemente 0 de pe perimetru este maximă.

## Restricții

$1 < m, n \leq 250$

Prin diferență nu se înțelege diferență în valoare absolută!

## Exemplu

peri.in	peri.out
4 5 1 0 0 1 0 0 1 1 0 0 0 1 0 1 0 1 1 1 0 1	4 2

Timp maxim de execuție/test: 0.2 secunde pentru Linux și 1 secundă pentru Windows.

## Trans

100 puncte

Fișier sursă: `trans.pas`, `trans.c` sau `trans.cpp`

În depozitul unei companii de construcții se află  $N$  blocuri de piatră, de culoare albă sau neagră. Ele sunt așezate în ordinea  $1, 2, \dots, N$ , de la intrarea în depozit către interior.

Blocurile de piatră trebuie să fie transportate pe un șantier de construcții, în ordinea în care ele sunt depozitate, iar pentru aceasta va trebui închiriat un camion de la o companie de transport. Aceasta deține  $Q$  tipuri de camioane. Camionul de tipul  $i$  ( $1 \leq i \leq Q$ ) poate transporta maxim  $K_i$  blocuri de piatră la un moment dat și pentru un transport se percepe taxa  $T_i$ .

Compania de transport este de parere că, pentru a-și păstra clientela, trebuie să impună anumite standarde, indiferent de cât de absurde ar fi, deci impune condiția ca toate blocurile de piatră plasate în camion la un transport să aibă aceeași culoare. Așadar, pentru a fi transportate toate blocurile pe șantier, compania de construcții va alege un camion de un anumit tip, iar camionul va efectua unul sau mai multe transporturi.

Pentru a micșora suma totală plătită, compania de construcții are posibilitatea de a schimba culoarea oricărui bloc de piatră (din alb în negru sau din negru în alb); pentru fiecare bloc  $i$  ( $1 \leq i \leq N$ ) se cunoaște suma  $S_i$  ce trebuie plătită de a-i schimba culoarea.

### Cerință

Pentru fiecare dintre cele  $Q$  tipuri de camioane deținute de compania de transport, determinați suma minimă pe care o va plăti compania de construcții pentru a transporta toate cele  $N$  blocuri pe șantier.

### Date de intrare

Fișierul de intrare `trans.in` conține pe prima linie numărul întreg  $N$ , reprezentând numărul de blocuri de piatră din depozit. Pe fiecare dintre următoarele  $N$  linii se află informații referitoare la câte un bloc de piatră. Pe a  $i$ -a dintre aceste  $N$  linii se găsesc două numere întregi separate printr-un spațiu:  $C_i$   $S_i$ , reprezentând culoarea celui de-al  $i$ -lea bloc ( $C_i$  este 0 pentru alb și 1 pentru negru) și respectiv suma ce trebuie plătită pentru a-i schimba culoarea (dacă este necesar). Pe următoarea linie se află numărul natural  $Q$ , reprezentând numărul de tipuri de camioane deținute de compania de transport. Pe fiecare dintre următoarele  $Q$  linii se află informații referitoare la câte un camion. Pe cea de a  $i$ -a dintre aceste  $Q$  linii sunt scrise două numere naturale separate printr-un spațiu  $K_i$   $T_i$ , reprezentând numărul maxim de blocuri ce pot fi transportate simultan de către un camion de tipul  $i$  și respectiv taxa ce trebuie plătită pentru fiecare transport efectuat.

### Date de ieșire

Fișierul de ieșire `trans.out` va conține  $Q$  linii. Pe cea de a  $i$ -a dintre aceste linii va fi afișată suma totală minimă plătită de compania de construcții pentru a transporta toate cele  $N$  blocuri de piatră, în cazul în care ar închiria un camion de tipul  $i$ .

### Restricții și precizări

- $1 \leq N \leq 16000$
- $1 \leq S_i \leq 10000$
- $1 \leq Q \leq 100$
- $1 \leq K_i \leq N$
- $1 \leq T_i \leq 100000$
- Cel puțin 40% dintre teste vor avea  $Q \leq 10$  și  $K_i \leq \min(N, 100)$

### Exemplu

<code>trans.in</code>	<code>trans.out</code>
4	1005
0 2	4
1 3	14
0 10	
1 2	
3	
4 1000	
4 1	
2 5	

Timp maxim de execuție/test: 0.3 secunde pentru Linux și 1 secundă pentru Windows.